

Trabalho Prático 3b.

Expansão de uma função em termos das funções
de onda para uma partícula numa caixa

Eq. 2

$$\begin{cases} f(x) = x & 0 \leq x \leq \frac{L}{2} \\ f(x) = L - x & \frac{L}{2} \leq x \leq L \end{cases}$$

Eq. 3

$$f(x) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n \psi_n(x)$$

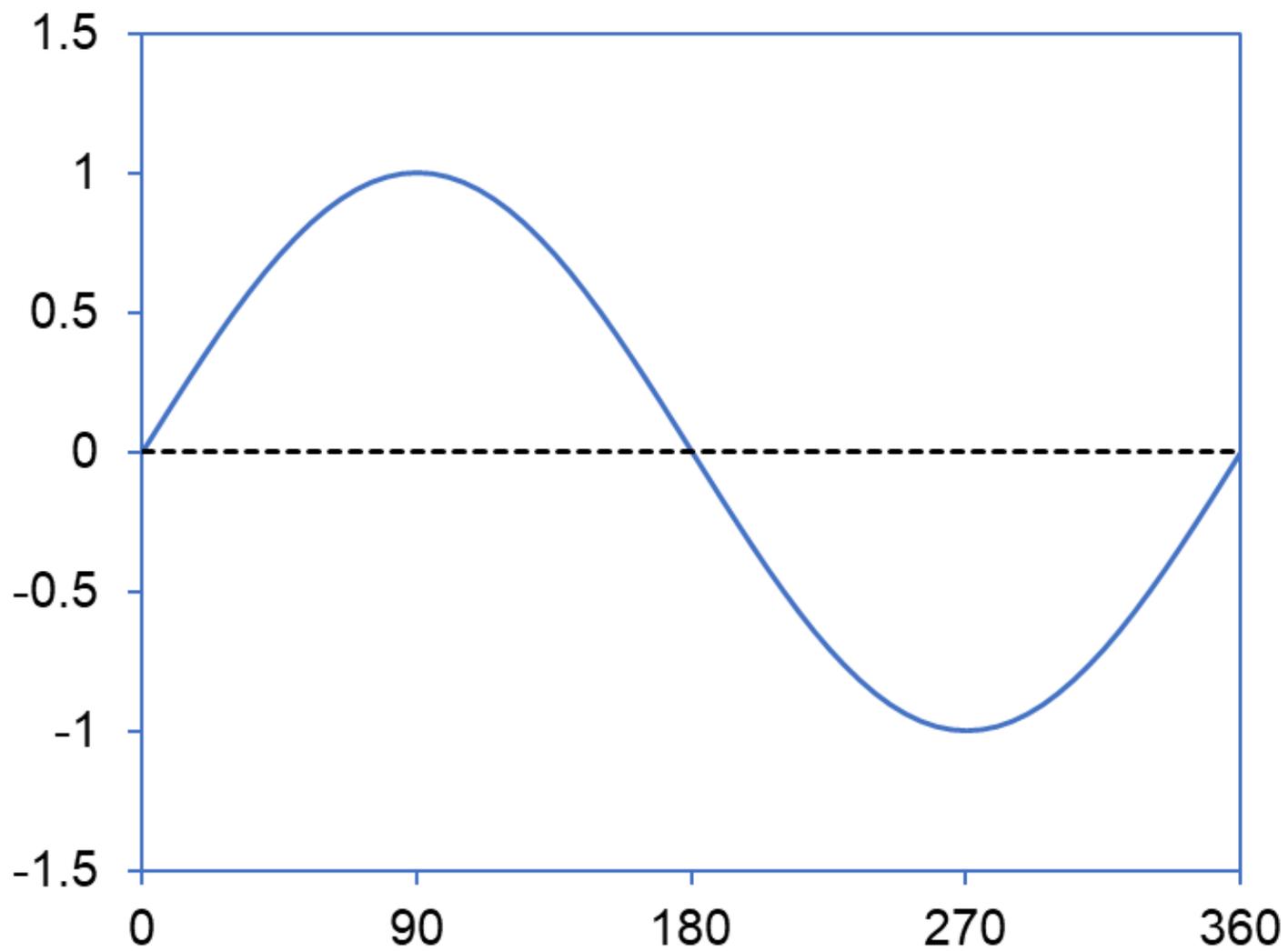
1. Considerando uma caixa mono-dimensional unitária (i.e., $L = 1$), construa um programa em Python que:
 - a. Permita criar uma representação gráfica de $f(x)$ dada pela equação 3 para diferentes valores de n .
 - b. Utilize um critério para determinar o número de termos, n , no somatório da equação 3, necessários para obter uma representação aceitável de $f(x)$, e que indique o número de termos necessários para satisfazer essa condição.
 - c. Que disponibilize os dados calculados de forma a que seja possível representar graficamente os resultados da equação 3 em função de n , e a sua comparação com a função exata $f(x)$ (equação 2).

$$G = \sum_{i=1}^n i$$

```
n = 10
sum = 0

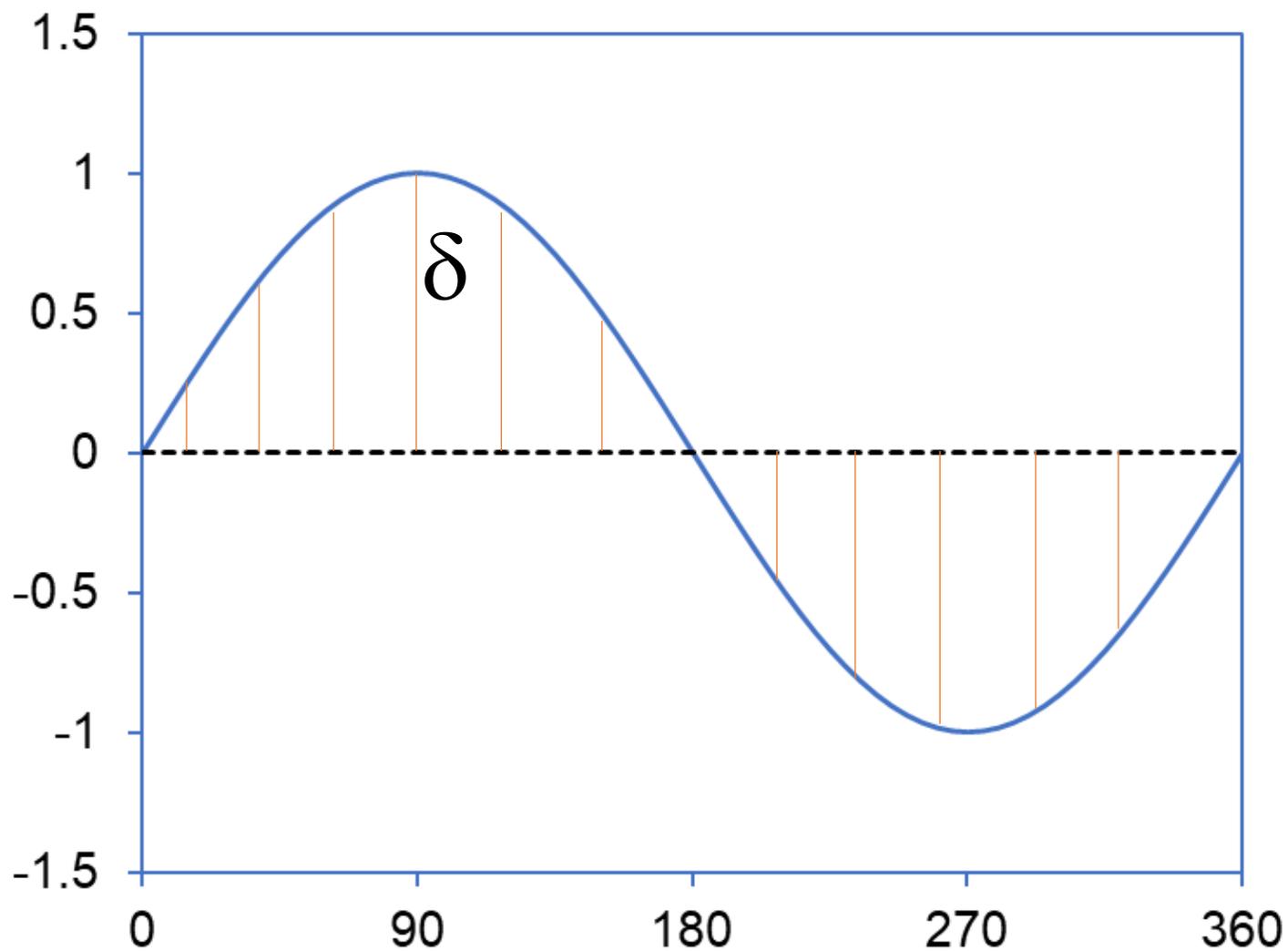
for i in range(n+1):
    sum += i

print(sum)
```



$$f(x) = 0$$

$$f^*(x) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n \psi_n(x)$$



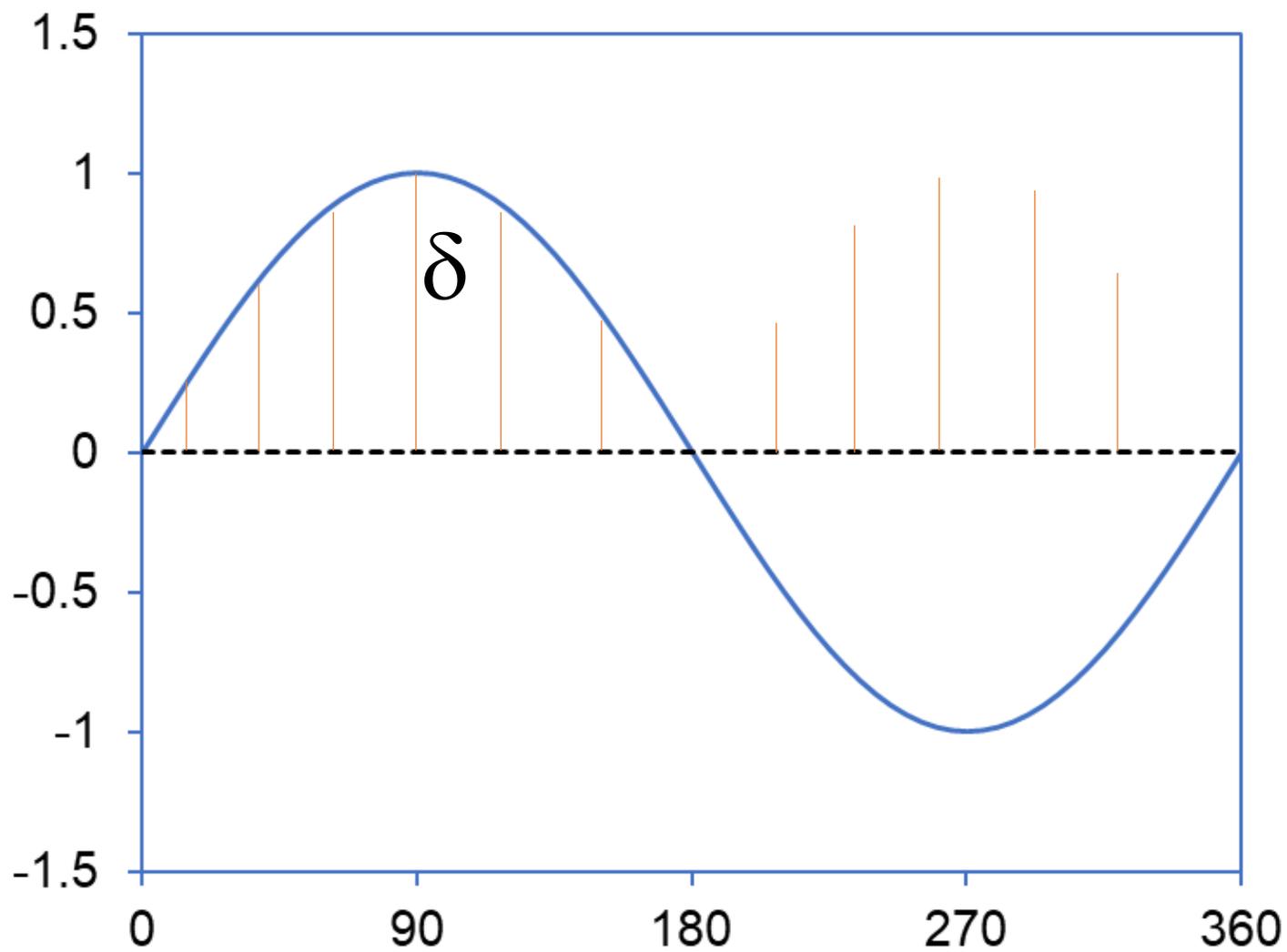
$$f(x) = 0$$

$$f^*(x) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n \psi_n(x)$$

$$Error = \sum (f^*(x) - f(x))$$



$$Error = 0$$



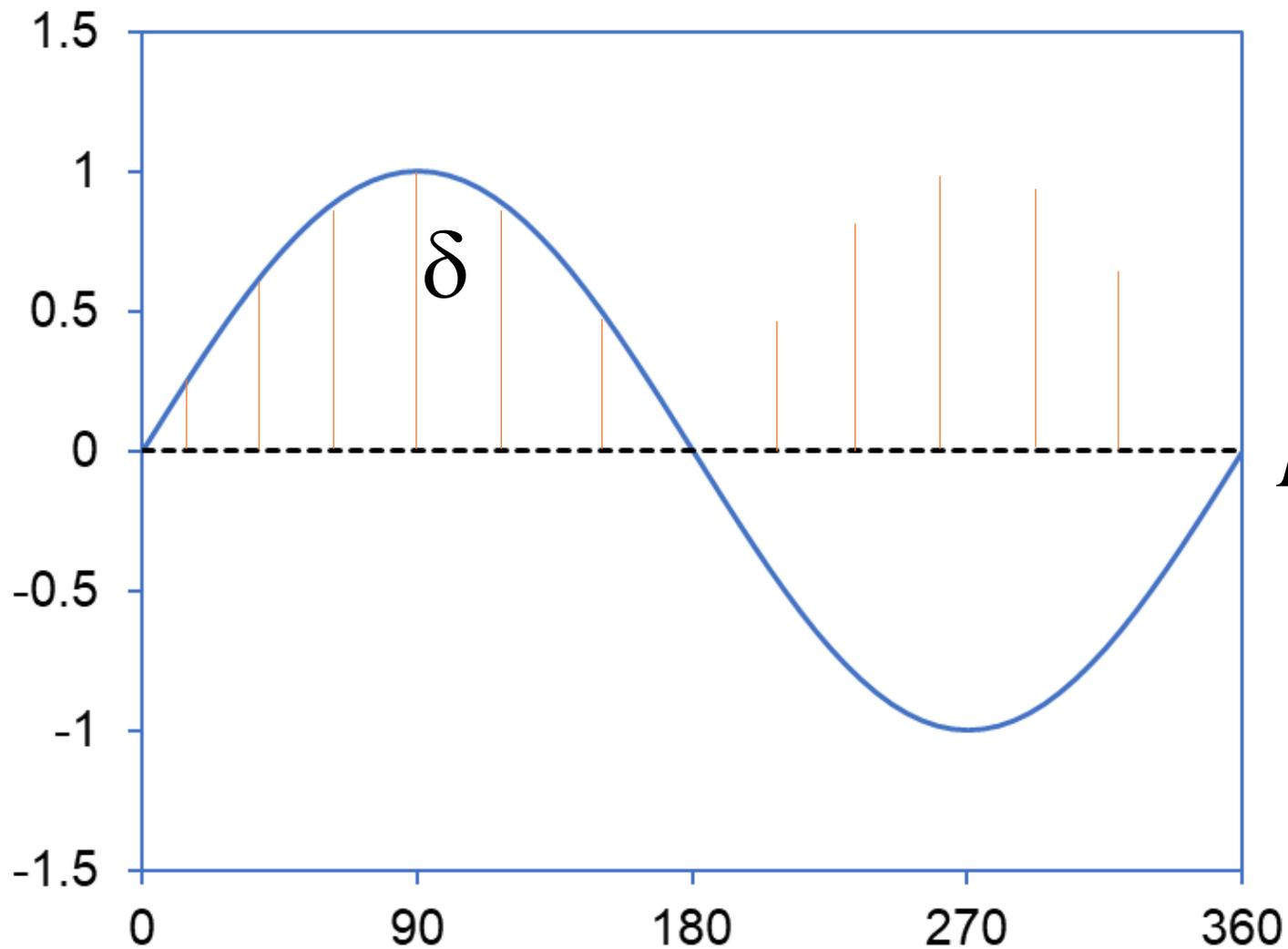
$$f(x) = 0$$

$$f^*(x) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n \psi_n(x)$$

$$Error = \sum \cancel{f^*(x) - f(x)}$$



$$Error \neq 0$$



$$f(x) = 0$$

$$f^*(x) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n \psi_n(x)$$

$$Error = \sum \left(f^*(x) - f(x) \right)^2$$

Procuramos assim o valor de n para o qual o erro é menor de que um dado valor (e.g. 0.01).